

# اللهم و بالسُّنَّةِ

وَالْمُؤْمِنُونَ

# الطباطبائی

# دېجۆم ۹ فېیز بىگ خىتر

Ê ŋ · Žìy » Ž‡ ŽÁš Ë Y € Ë Á

: ½ Å » 2M ax Y € - ~ e

: | Ì È ZÄ»nëSSE• YÄÄg È | À ¼ QÈÅ» WÄy Á YÉ(Yé) ] SÉÁÁ»¾ M “

• | ^ E Ä Å ] ] € v » { d « Ä ] Ä | Ä f + Z Ä y Ä » x z z Ä h Ä E • Ä v M • Ä F • Ä S M Y [ Ä A Z ' < | Ä o M • z D E - i .

• | àd « {· Å€ Äz Ä 1 €»½ { €-a{Ø ..-2.

t i v • z ¼ É Ä » x ¼ z a Å ¾ È Ý Z | i ¼ d » Ô Å ] ¼ v » { Ä » x ¼ z a Y | ¼ ¾ È Ý Y o Å - ( ) Z ¼ u Y R + € f ¼ 3

•YZ]Ä f<Ä y"€ Ä Ó·ZÄ Z ¼Y R if S{[ , | Äm|Å bÅ Y Å

Z ½ M« Ä • Æ Z É Ä - X ^ Á E Ä à Æ Ä n Y 3 R ½ Ä ¾ Æ M

.d † YZ rd» ^ | É , BÄ» Z L Ä E ē † | A (E ^) 3/4 | Z Ä { Z-5f

. d ^ i و Z n ||> ÄZ || ° € ÄZ ÄZ { ÄZ Ä , Y , E » Ä Z Ä Ä | mÄ { Z - 6f +

É YÄÄÀ Ø, B Š I ½ {d » Ô(Ý A‡• [Y ÄØTÉ - ØY R Å ; •Ý' {ÆÄ €-½ É Z XÅ† Z ÉÄÀ ÉÀ É Z JÅY R ¶ \*•47

.) ( Zd) • Å | Å {ø » ÖEYZÅÀ ÈÈ³º È ³Y u { € Å YÅ]Å K È " Å Å €, ¶ YØR

À Á]q Ä | Ä f ≠ Ý Ä y Ä È È Z n - M s I À È • Y { ½ Ä M { € è Y È • Ä ' { } ¼ Ä » Z À 8 z ≠ Z

»yÖÄYZ 'd#{\$Y\_4\cdot \frac{1}{4}\bullet} ] € » ØYEF<sup>Å</sup>Åì^ËÅÀÅ»x4Z

Í E Z E » È {— Z É Ä E , Í V Á A Ä A Ä E Y E 4 1 / 4 3 Å f c Á Y Ä - 4 Å

$6/67 \times 10^{-11} m^2 kg^{-1} s^{-1}$	$\check{S} \dot{z} \check{Y} \check{E} \check{C}^3 Z \check{A} \check{Z} \check{m} G$
$5/67 \times 10^8 W m^2 K^{-2}$	$^{3/4} \dot{z} , \frac{1}{2} \check{A} \check{J} d \check{Z} i kg$
$6/63 \times 10^{-32} Js$	$\textcircled{R} \dot{z} \check{Q} \check{p} Z i h$
$3 \times 10^8 ms^{-1}$	$\bullet \check{A} \check{d} \check{Y} \check{E} \check{f} c$
$365/26 days$	$\check{E} \dot{z} \check{A} \check{u} n Z \check{f}$
$365/24 days$	$\check{E} \cdot Y \check{u} f \check{Z} \check{Y}$
$3/09 \times 10^6 m$	$\textcircled{R} \check{f} \bullet Z \check{a} c$
$1/50 \times 10^1 m$	$\check{E} \dot{z} \check{A} \check{u} \check{Y} \check{A} Au$
$9/46 \times 10^5 m$	$\check{E} \bullet \check{A} \check{Z} \check{f} Ly$
$6/96 \times 10^8 m$	$  \dot{z} \dot{c} \bullet \check{A} \check{Y} \check{Z} \check{c} R_\Theta$
$6/38 \times 10^6 m$	$^{3/4} \dot{z} \dot{c} \bullet Z \check{c} R_\oplus$
$7/15 \times 10^7 m$	$Y \check{A} \check{f} \check{F} \check{Y} \check{E} f \check{O} Z \check{c} \check{c}$
$1/74 \times 10^6 m$	$\check{A} \check{Z} \check{Z} \check{c} \check{c}$
$3/84 \times 10^8 m$	$\check{A} \check{Z} \dot{z} \dot{Y} \dot{O}   Z \dot{c} \dot{c}$
$1/99 \times 10^{20} kg$	$  \dot{z} \dot{c} \bullet \check{A} \check{Y} \check{E} m M_\Theta$
$5/97 \times 10^{22} kg$	$^{3/4} \dot{z} \dot{c} \bullet \check{E} m M_\oplus$
$1/90 \times 10^{27} kg$	$\check{E} \check{E} f \check{O} \check{E} m$
$5/79 \times 10^6 kg$	$  \dot{z} \dot{c} \bullet \check{A} \check{E} y Z \dot{c} \dot{c} \{ T_\Theta$
$3/85 \times 10^{26} W$	$  \dot{z} \dot{c} \bullet \check{A} \check{E} y^3   \check{A} \check{O} y \check{e} \check{d}$
$1/37 \times 10^2 W m^{-2}$	$\check{E}   \dot{z} \dot{c} \bullet \check{A} \check{y} Z i$
$2/54 cm$	$p \check{A} \check{E} Y_n$
$-36/8$	$  \dot{z} \dot{c} \bullet \check{A} \check{E} \check{E} \check{A} \check{Z} \dot{c} \dot{c} \ll m_\Theta$
$13/7$	$\bullet   \check{A} \check{Z} \dot{c} \dot{A} \dot{Z} \dot{c} \dot{c} \ll$
$10^0 years$	$  \dot{z} \dot{c} \check{A} \check{Y} \check{E} \check{f} \check{Y}$
$70 K s^{-1} Mpc^{-1}$	$\check{P} \check{J} \check{Z} \check{A} \check{Z} i H_0$
$1/60 \times 10^{-19} J$	$d \cdot \check{A} \check{E} \check{A} \check{E} f \check{e} v$

± • , € ~ Ä Ë " ì ⊕ Ë € ' Ë Y { Á } € ~ Ä Ë Ä € , Ë Y Y E • Y || Ê { È 3 Ä • Z R Ë Á , { Ä • Á || ± (1  
 € q i ^ - E Z E A , Ä Ø Ë - Ä • Z Ä Ë € i µ Ä Y Ä • Z Ä Ø ± Ä d Y € d Y < 1 Z p ® q Ä € ~ Ä D  
 1 Y | o i » E Z » i , Y E " i , Y Z Ä • Z i # Ä d Y € Ä t v , Y Ä € E Y Y Z Ä • Z i # Ä d Y € o i Ä E » E € Ä e Á {  
 . d d r t • Ä Ä E , 3

$$\beta v_2 > v_1 \left( \{ \right. \qquad \qquad \qquad \beta v_2 = v_1 \left( \mathbf{k} \right. \qquad \qquad \qquad v_2 < v_1 \left( [ \right. \qquad \qquad \qquad v_2 < v_1 \left( [ \cdot \mathbf{Y} \right.$$

. { €|À Á ÿ•Âyº ÄZ] ¼ { u | « Z½ Z ½ ß‰ { €³À ¢ ³, Y€ À Á ÿ•Âyº ÄZ] · Y  
. { €|À Á ÿ•Âzº ÄZ] ³ € Å | « Z½ f z ½ Z‰ { €³À ¢ ³, Y€ À Á ÿ•Âyº ÄZ] k

•  $\Delta Y = \frac{1}{2} \Delta t$   $\hat{=} \frac{1}{4}$ ,  $\text{m} \hat{=} \frac{1}{4} \Delta t \times 3 \text{ km/s} \hat{=} \frac{1}{4} \times \frac{1}{4} \times 3 \text{ km/s} \hat{=} \frac{3}{16} \text{ km/s}$

$$34/5Kms^{-1} \left( \{ \right. \quad 47/1Kms^{-1} \left( k \right) \quad 59/7Kms^{-1} \left( [ \right. \quad 72/3Kms^{-1} \left( : \cdot Y \right)$$

ANSWER

• d † YÄ • Ä • ZÄ F€ € ÅZ C Y € FÄ A A † YÄ • ZF F€ € ÅZ EÄ A IÄÄ A I € GÄ J y Y 5 (

• {Ä • ZÄ F€ ZÄÅ • ZÄ §½ I n g € 3 | Y Z¾ I » Y₂ FÄ , • € I S I - e S F E c ZÄ c ZÄ F€ € ÅZ € I I | h A € §

, d † YÄ d Y € C Z A † {³ A » Ä H ^ Å • Z¾ F€ Y € A † ¾ E € S Z J ° I » R Z A P | EÄ A IÄÄ A I € G E Z u

. d † F€ • Ä Z | A g EÄ I A C E I ]

$$3 \times 10^{-3} (\text{\AA}) \quad 4 \times 10^0 (\{) \quad 3 \times 10^3 (\text{k}) \quad 2 \times 10^3 ([) \quad 6 \times 10^{-3} (:) \cdot Y$$

. d fçÁ ZÄfzÅ ÅÀÉÉÉY È “Å-€dÆm 6 (



É ñ È » ÅñçÁ ® É ÁÄen-6{ Á-12 ¾ ||| • Äy " ÄäY È ñ È Ë•ZÆ·Á ® É • Z e 10  
 ® ß/2 Z Ä•ÁÄt z ñ " Á• Ä• {€ Ë•ZÅÀ È ß/2 Y |,| Ä]m-1{ Á-18 ¾ ||| • Äy " ÄäY  
 . d ß/2 • È · ZÅm82{ È Ë Z ñ S€Y|;Àm À ß/2 Z - Ä Z vfe È Y  
 . | ß È ñ È Ë ZÆ·Á ® É • Z ñ È Z ñ j ÁÄ|ÆZ ' Á(¾ ¼µÁ) MÄ Y - ~À Z ¼ ß M  
 | ß È ñ È » ÅñçÁ ® É Z ñ È Z ñ j ÁÄ|ÆZ ' Á(¾ ¼µÁ) MÄ•Y - ~À Z ¼ ß M  
 . | ß È ñ È Ë ZÆ·Á ® Ée Z ñ È Z ñ j ÁÄ|ÆZ ' Á(¾ ¼µÁ) Z5] MÄ - ~À Z ¼ kß M  
 . | ß È ñ È » ÅñçÁ ® É • Z ñ È Z ñ j ÁÄ|ÆZ ' Á(¾ ¼µÁ) Z5] MÄ - ~À Z ¼ kß M

0/11( Å 3( { 9 ( k 81 ( [ 0/33 ( · Y

. | AÊ x€ i | Ä g Ä d q E Ä f | Ä Ä ¼ Ä Ð Y ^ o Z E Ä f | Ä Ä ¼ Ä • Z Y € Ä Ñ E Ä Y «• (12)  
 | A E ¼ € j | h . e Y  
 { Ä E x€ f O I ]  
 { Ä E x€ e ( k  
 d " 3/2 V Ä e ; i q  
 . { Ä € f Z € f O E j N E Ä € E Ä , • Z Ä s f ( Ä

(M33) h, j 12 Z ØR AE - (M51) [ Y { 12 Z ° ØE AE - (NGC253) • Z n12uZ ØE ° AE -  
 A E f 12 C Y 12 Z AE A ® q A E Ø f 12 A Ä | 12 Z ØE ° AE -

•  $\{Y \in Y^1, Y \in \tilde{A} \mid Z \in \tilde{A}, M \models (\hat{E} \wedge \hat{E} \in \mathbb{C}^3 \wedge \forall Z \in \mathbb{C}^3 \exists Y \in \tilde{A} \mid Z \neq Y)$  ] 15 (

72 È ¼ Æ € Å Ë ½ Y Zìf ¼ 40, Ær» Å Ë ÆY ¼ Øq È ð Å ð Zz ¾ È € - ÆZ ¼ p Æ Æ \_Y Å ° ( ) eY  
 50 È ¼ Ø Æ € Å Ë ½ Y Zìf ¼ 42, È » ¼ Ø qf ¼ 425,40 È ð Å ð Zz ¾ È € - ÆZ ¼ p Æ Æ \_Y Å ° ( [ e  
 50 È ¼ Ø Æ € Å Ë ½ Y Zìf ¼ 410, Æ » ¼ Ø qf ¼ 425,10 È ð Å ð Zz ¾ ^ ° p Å 5 È \_Y Å ° ( k e  
 72 È ¼ Ø Æ € Å Ë ½ Y Zìf ¼ 432, È » Å Ë ÆY ¼ Ø q È ð Å ð Zz ¾ ð Å p Å \_Y Å ° ( { e  
 50 È ¼ Ø Æ € Å Ë ½ Y Zìf ¼ 425, È » ¼ Ø q È ð Å ð Zz ¾ f ^ ° È € f ¼ 412f ð Å f ( Å

. | ÅÈ »ÅÄÝZÁF#Y È° Ë¶KÁ ÄÄ€ È Y { 16(

¥ { • Ž « € Ák | † Á Y « µ , Ý Z ¼ # € W Z [ € € ¢ ž ¥ · Y  
© Z Ák Ý ( Á © Á l Ý Y € Ä | · Y É » ž Y € • Z ^ ¶ m ( ¥

€³d†Y•ZÄY4††μZu\_Â°^®E Ä { Z Zf}‡36W Å4212N cZ•fÄF €›Z ¿ 17( , | ‹Ä]•Y®EÄY^E/ø»Yì<•ÄÄY•ZÄY•Åç§½YÄ|¶<•ÄyÈ « È³ | ïŒ{•Z½YZ³¾ÈY . d†Y Äq•Z˜€ E E Z Ä••Ä •

$10^{11}$ (k	$10^{14}$ ([	$10^{38}$ (· Y
$10^{32}$ (Å	$10^9$ (Å	$10^{35}$ ( {

¾ Ë€ØÝÅ—¾ Æ Y|h ÝÆ] ÝÄZq{ Ýw{Ä q {° Æd ^ ï½ €«, ¥ Ä ^¾ Ë€ØÅ— 19( . |  
Z ]

. { Á' } " u • { Ä Ák Á• Y | i < • Ä 388 € ð 1 e ( | · Y  
. { Äk Á• Y Á Z' } " u • { | i < • Ä 388 € ð 1 e [  
. { Á' } " u • { Ä Ák Á• Y | i < Ä y 387 { Y { 1 € k }  
. { Äk Á• Y Á Z' } " u • { | i < • Ä 387 { Y { 1 € } }

Ã¢ ¢ Ä • Æ ¢ Y{Ä} Z Èm § • Ä È Ä Z ¼ Ä ° . È Y Ä • Ä 1 Z Ä , 1 Y P {, € ¶ ° . Ä Ä m Ä Z ] 20  
( { Y \ Y e / € ) e. d f Y

€€€ € 1/2 YY • Ä½ÄY]•K•Y  
\\z•€ 1/2 YY • Ä½ÄY]•Y•ÄW  
\\z•€ 1/2 YY • Ä½ÄY]•YY•Äm  
€ Ä½ÄY]•Y•ÄÄi•Y  
€ Ä½ÄW Z•e•iÄY •Äm

Ä, | Å Åd -€ μ Z u<sup>o</sup> Åd ¼ Ä € | EE Y Ád E Ä E Ä , •Z \$ Z ¼ Ä Z È » Ä ¼ n Á { 21  
€ E Q E Á Ä E » Ä ¼ € Á ¼ E Y . || þ + Å Y È » y Å h u ; Y Ø E Á | Ä ] n Á ¼ E Ä , Z \$ « Y , || þ E » e ð ?  
d þ YY |

Ê ¼ Ä±§  
Ê· Å — Å§Á

d †Y-• yZÊ” ì[  
d †Ê § Ä X c»Z Ÿ(Ã—

Ê ” ï‡Ä€ È·Ù  
Ê ¼ Ä±§ Å ( { Å

• YÀ e ZÀNÝ • f 2 ÝA { € | Èan g Á - Èo Á • Yø • Virgo Á - Bootes ÉA • ZÁf ÞZ • f z » 22

$$\alpha_B = 14^h 15^m 39/7^s \quad \delta_B = +19^\circ 10' 57''$$

$$\alpha_V = 13^h 25^m 11/6^s \quad \delta_V = -11^\circ 41' 41''$$

• d ±•Y- q U Z<sup>1</sup> MÁ ¾ E X E F A • Z §

8°54'49" ( k

29° 50' 59" ( [

32°47'35" (1.Y

18°26'20" ( Á

29°17'38" ( Å

165°14'34" ( {

... | A E S ] Z A | A & [ A d # Y Z ^ m A 3/4 E € Z ] C \ e Z ] Z @ E 1/2 | ] 23

$10^{-1}$  (k

$10^3$  (

10 (I - Y

$10^5$  (Å)

$10^{-5}$  (Å)

$10^{-3} \{$

Ä   Å ZEM	È 56°N	Ê Ë Z I SEY	ÅZ   • ÅY ] ¾   ÄJ • ZA DE	?	24
( $\delta = +7^\circ$ ) Wolf 359 (k)	( $\delta = +5/2^\circ$ )	È » Z Y E[	( $\delta = -60/9^\circ$ ) ... • ÅZ K E; MY	. d f YY   T A -	
( $\delta = +4/7^\circ$ ) { • Z(Å• Z]	( $\delta = +35/9^\circ$ ) Lalande 21185 (Å)		( $\delta = -16/7^\circ$ ) È { Z X E{		
Ä , ] Å H Ö Y Z 3/4 f Y A   Å • Z E   f Q Å Z A A • Å 1/35 x 10² m	È " E S A • Z A f Z §				25
. { Å Å Y E Ä Z 4/2 E   Å , ] Z Z , * • Z 3/8 ¾ ¼ P Ä Y Z A • { È A   E • Å Z ^ Å • Z A E Y					
89 ¾ ¼ 5 E A P Å 79 (k)	89 ¾ ¼ 5 E A P Å 79 ([		89 ¾ ¼ 4 E A P Å 66 (  . Y		
89 ¾ ¼ 4 A E ] Å 79 (Å)	89 ¾ ¼ 4 E A P Å 79 (Å)		89 ¾ ¼ 4 A E ] Å 66 (		
Ä p ^ E @ È { E Å • Z f P O f y E E E P Y Z C Z E • Z E , • E A f E Å • Z A f #					26
È Ä , • Å G { E e E Å • Z { f E f E Ä A   Z E ] E E P E A f y E E { E Å • Z f E E h ] Y E E E Å • Z f #				. { • YY ¾   k » Y	
5pc (k)	1/3pc ([		2/3pc (  . Y		
3/2pc (Å)	4/2pc (Å)		0/8pc ({		
{ Ä ¾ Y / μ Å Ä F Å   , È Z I SEY Y A   f f Y Z E q Y f O - Å E • Å • A E {					27
È . Z Å m o { k	È . Z Å m o { , È ] Å m o { ([		È . Z Å m o { / 5 (  . Y		
È ] Å Ä m o { È . Z Å m o { (Å)	È ] Å Ä m o { , È . Z Å m o { (Å)		È ] Å Ä m o { / 5 (		
50°7'S 70°3'W	È Ë Z I SEY	Å Z   • Å Y , Å 3/7'N 70°3'W	È Ë Z I SEY	Å Z   • Å Y , Z ?	28
Å p Y E Y E Y A Z f Å E - Å   Å Z E Z Z A E A • Y - 1000 ¶   Å 23'00"   Z E Å • Z f Å Y Z Å A Å Ä					
.   Å E » Å , d Y Z Å q Y a Å , E e E Å Z ?					
È . Z € 4 < Z d Y 1 Z / \$ (k)	È ] Å € 4 < Z d Y 1 Z / \$ ([		È ] Å € 4 < Z d Y 1 Z / \$ (  . Y		
È . Z € 4 < Z d Y Z s t (Å)	È ] Å € 4 < Z d Y Z s t (Å)		È . Z € 4 < Z d Y 5 Z t (		
€ ] M Å E   • Z A E Z . d f M   • Å Y E M ] 2 Y 8 € 1 % M E Å 500K	È , • Å Y f • E Å • Z E Z » {				29
			. d f Y   • Å Y		
5/6 (Å)	2/3 (Å)	3/8 ({	0/3 (k)	10 ([	0/8 (  . Y

Ê u Y Ä | € Y d f Ä | É | À ] d € Ä E ° É S Z A Ä Ä Y Z Æ Z Æ e i Ä Y » 30  
 . ° i Ä • E { | Ä Ä P E • Z Y Ä Q E ] • € »

98 (	49 ( [	48 (   · Y
89 ( Ä	88 ( Ä	99 ( {

ÉZ Å SYÁ » Y ÁÉ Ä € Æ • Y2 | •|Y| Å È »½ Ø Y É Ä • ZÄ•Å ] Å f »•Y |Ä> ÁÄ•Å° . 31  
¾Æ € f | Ø A | Å | Å {Y Z Ø E Z } ° • {Å ; Å ~ Ø E {• Y Ä »€ . | Å f "Å Z Æ - € • K Áy E F " | ]  
. d f • Y »1 Y |Ä| Å q Å q Y | e Å f Å E Å - Y E Å • Y / Ø E Å E f € ? Y

3.3 (k) 2.3 ([ 1.3 ({  
2.1 (A) 3.1 (A) 3.2 ({

. d †d<sup>†</sup> • { Ä • YY; <sup>3</sup> 32  
 . d †y Z1<sup>†</sup> { Áu • { É | i · y Ä ZÄÄ | ÁÄÉ ZÄÄ • ÁÄ ° (E · Y  
 . d †y Z8<sup>†</sup> { Áu • { É | i · y Ä ZÄÄ | ÁÄÉ ZÄÄ • ÁÄ ° (E  
 . | E ÄM<sup>†</sup> E + a<sup>o</sup> Ä<sup>30</sup> EZ Å€ YY/ i | i · ÄEyÄÄ ° E Ä { E Ä ÄkÄY  
 . { Ä Ä » ... Ä ° µ Z22 € Åì • Ä Ä y Ä ^ i → Z2Ä Ä { i »  
 . | Ä f ^ Ä Ät { Ä Ä Än» Y ÄÄÄÄ { Áu , É | i · Ä Ä ÄzyÄ ° Ä

o ÅÄÄ È »ÅÄÄ È »ÅÄÄ TÀ fÅd - €ɯZψ€ ' ßœ½ ÅÉÄ { ÄP » ÅñÁ { 33  
 .d‡Y| Åq€ñÁ¾EY| - €•»Å ÁqÀÅP Zç€ÄF A°| - f{ » ÅyÀ F•»  
 .d^| È§Zz Y(◊ — Y e<1 ( k e>1 ([ e=1 ( | · Y

$$\frac{1}{2}(\tilde{A} - \tilde{B}) + \frac{3}{2}(\{ - \}^2)k + \epsilon \cdot (\epsilon \cdot Y)$$

•  $\exists \forall Y \exists \forall \{ A \mid u \in A \} \in \text{czzm} \mid A \in \text{m15} \wedge 100 \leq |A| \leq 100 \wedge \forall x \in A \exists y \in A \neg x = y \}$  (35)  
 $\cdot d \neq Y \wedge \forall q \{ A \in \text{m15} \mid A \in \text{czzm} \wedge \forall x \in A \exists y \in A \neg x = y \}$

Ê · Z þ[ f », ½ Z f k ] Z e      Ê ] ÅþÀ|rn», ½ Z f [ ] Z e      Ê · Z þ[ kf , » i Æ Z A  
 Ê Æ Y, Y i Æ Z a      Ê ] ÅþÀ fm », i Æ Z a      Ê Æ Y, Åþ[ fm e

. d f Ä | Æ » M f { Ä l } • Å E Z Å e y Å y Å y Å Ä » . z v i c Y E f Z Z E b { Ä n l i M } 36  
 . d f Y Z ^ N Z V ( Ä | c | M [ e Z f Z ] Z A E m Y  
 . d f Y E ' ? Z Z V A E Ä m  
 . d f Y . Z V ( Ä m E Ä Ä x ( Z ) » E ° q Ä s z ¾ c Ä • Ä { ( Z ) }  
 . d f Y z e / Z V Ä n t | ( Ä Å  
 . d f Y Z ^ N Z V d ] Z i Y € ½ Z ( Ä m

d OE-aÈ³{Â È »Ã | Å ZÈOE»ÂÄ ïÈ €- ¸ZxY\_ Â ° ^® ï Z i oe/ÀÁ»¾ È ÁÄ€Âay                    37  
 . ° i ÄE|»y,À È¹,À | °À Ä Z¾ È ÁÄ È aÄÄy|tYÈ - b/gÄÄL Â ° ^¾ÈÈY¼ OE q

Ä Å ß

ÉÄ ï Z y|Â· ^Z, ïle Zâ » Âï a ï ÄqZ ÈñjZ v{w € ‡Ä^ÄS/4 iñ ~ yÉÄ , •¶§Y | u 1  
 ÉÄ , •¶§Ä Ä S ] Z/2m k Äp»Â•{z ^ ÄM x | À'€ §| À (Ø) ] ° ¶] Z/40n È , •ÉÄ À€¤¤ YÈ, ß Y  
 . d ‡5Ypc { Á | u{• Z ÈñjZ v ‡

‘€SZPÄ|Ä|E=0/91 w€Ä|Z-ZfY€Mz=0/90 w€Ä|Z-ZkZOR®E- (2  
 ¾EÄ•ZdStXZOE°AE·ÄZdE|E{½Mf§C\*Y<sup>z</sup>|ZfY|YASZ|FÄ|Z-¾ÄY¾EY  
 , -€µÄ€fÄY|EY|Ä{Zn|€Ä|Z→M|ÄfM|Äq½M|c, e•YÄ|u€ÄZÄ|Z|Y|fY|YÄ|€]’  
 (i Ä€o€q½ZOE°AE-

Á € Åì À-€ §| ÄY Yk° OI Y Z4‡ [ Á ZÉÄe Å‡ E ZÉeÅ{ yaz\_y‡ Áda - • ZÌÅ{ 3( ¾ ÄdY‡ @/20grcm<sup>-3</sup> - • ZÌÅ{ È » €mZ. ðqf 15km Á15/7km \ie €ç ÅMZ Á| À f ^EÁ €-ZÌ‡ . d †€f »ìÅÀ qÅo Y• ZÌÅ{ ÉÄ , • Z-SY Y|€ «• ÁyAU ÉÄ , • Z-SY Å ¼ n »

€ j - Y<sup>0</sup> | u Ä { Z | f + É Y € f ] ¼ 1200 E i Ä Ä z Z F s r Ä 5 E E A e Ä A i ° ^ R E Y i Ä E Ä y 4 ( 6 Y<sup>0</sup> O E R » { € } « { Ä € ³ | • 0 O E q • Y Á M E m Ä • Ä E » Z Z % | e Z E ] f ¼ | Ä i F ¼ O E q Ä E Ä Z • Z § ( . | E € € o f € f ¼ | , | »

1 • Ø Y , i A E Æ Á Z || & À ~ € S Á | Æ € € C { g z Ø » Z | • • Ø y Z É € i Ä y \_ Z Ø € € A E - 5 ( € i o n u | < Z d . Z " • f € M È ¼ n V E Á € f È f { 1 Z d . Z " d » M € " ? d f { Y Á m l Á M { € - Z " M € ] . d f | Y < Á y n u € ] M A E q ]

Ê Ë Z Ä É Á • Ä Ä J ° I Ä » /  $\frac{A}{4}$  I \* ~ Þ É Á C Þ • Ä Ä È e 100 Ä ] Z Ä Ä Å Y Þ { Z Zf ] # Y 6 (

É Z Å C { • Þ Ä ' € ) S . d f 1 Y Ó » Q | Ý A . q f È Ä I S , P E ( Y | ) < Ä Z Ä • Y Ä Ä Ä Á € , P E ( Y 2 M

( d f Y • 5 Ê W E C Ä » I u Z Ä ] Z A E f . Y

€ ³đ‡ X Ë Ä » ZÄ| HÅ ZQEu§ È ð AđZ ZÄ| È A p) AY Y Å ° ^ , Y { Z ZH| €³ | •• 7 ( | Å q Å ° ^ È €4 OÈ q ÅÉÄZ • Z §Ä| i YZ i Å ° ^ È €4 OÈ È ½ Y | A p Y • Z | Å Y Z | » € j u Y | (. d ‡ NOV = 45 È ¼ OÈ € Å Z ½ Y ÅÉ»A ZÉAY†ÅÉ ÅM È | A' €)S. d ‡ € f ¼ i , i »

.d ≠ Y|v•x ≠ ZÄÀË,³ -2

= a<sup>3</sup> 0 i ð YÉ Á " E ] Z Á • € | b Å a ; ^ Z «  
Y É Á Z I Z A E Á Z M • Á a , d ^ E Á • Z Á Á »  
Z M ° E d f % E , Y f % K | y 4 • Á W M A A -  
. d f Y I v • x f Z k A Á E , 3 -3

$$V_{earth} = 11/2 \text{ km/s}$$

$$\frac{R_{Jupiter}}{R_{earth}} = 11/2$$

$$\frac{M_{Jupiter}}{M_{earth}} = 318$$

$$\Rightarrow v = \sqrt{\frac{2GM}{R}} \Rightarrow \frac{V_{jupiter}}{V_{earth}} = \sqrt{\frac{M_{Jupiter}}{M_{earth}} \times \frac{R_{earth}}{R_{jupiter}}} \Rightarrow V_{jupiter} = 5.328 \times 11.25 = 59.67$$

$$V_{Jupiter} = 59.7 - 126 = 47.1$$

. d ≠ Yì v • x ≠ Z a Ä A E , ³ -4

‘ € ۸۰ ۱/۴ تکه ] ۷۵ سکه آ زهای همچنان که ” ۱/۲ میل ۳/۴ ۶ یا همچنان که آنها همچنان که ” ۱/۴ ۶ ۱۰ آنها همچنان که ”

$$x = 90 - \varphi = 90 - 35/7^o = 54/3^o$$

: Ä n l•f{d tÊYË Z i § Y € ø m

. d ≠ Yl v • x ≠ Za Ä À Ë ,³ -5

Ê ^ ¼ Ä » Å Æ Æ Å Æ « • Å Æ Ä Ä Y ¾ I Æ E Z Ä J D T M Y M Ø e • Z I c Y € Ä I A Ä {  
‘ € S Á ° E € I € o e d J Z Y ¾ I » Ä . Z ¼ E Y E Y . € I ] c X | J E S I ¾ E Y • Y » Z Y  
. | Ä E v - € { Å y € m € o A Ä } Ä I [ Ä Z Ä A • Ä F Ä A E F F Y Y { € o e o ; A Ä » Z I Ä »  
, ° E € l o e k Y Ä • Z ¼ E Y • Ä € ³ A d f X • Z ¼ E Y m € Z S I Ä , R Z S ¾ E Y € ] Z A : ° E • Y {

$$\left. \begin{array}{l} d_{max} = R + x \\ d_{min} = R - x \\ 2\pi x = c.T \end{array} \right\} \rightarrow \left\{ \begin{array}{l} d_{max} = R + \frac{c.T}{2\pi} \\ d_{min} = R - \frac{c.T}{2\pi} \end{array} \right. \rightarrow \frac{d_{min}}{d_{max}} = \frac{R - \frac{c.T}{2\pi}}{R + \frac{c.T}{2\pi}}$$

ÄÀÌÊËÍZÄÝÄÌ•%ÄÄÀÌÆÆZÄÝÄÌØÄ]·Z%Z½.‡ÝÄÆ‡•€Ä•Z¶‡€Ìì,queZu

$$\left. \begin{array}{l} m_{min} \leftrightarrow b_{max} = \frac{L}{4\pi d_{min}^2} \\ m_{max} \leftrightarrow b_{min} = \frac{L}{4\pi d_{max}^2} \\ m_{max} - m_{min} = -25 \log \frac{b_{min}}{b_{max}} \end{array} \right\} \rightarrow \Delta m = -25 \log \frac{d_{min}^2}{d_{max}^2} = -5 \log \frac{d_{min}}{d_{max}} = 1 \quad : | \hat{\oplus} \text{M} \neq 1 |$$

$$\frac{d_{min}}{d_{max}} = \frac{R - \frac{c \cdot T}{2\pi}}{R + \frac{c \cdot T}{2\pi}} = 10^{-0.2} \rightarrow \frac{R - 4.12 \times 10^9 km}{R + 4.12 \times 10^9 km} = 0.631 \rightarrow R = \frac{1+0.631}{1-0.631} 4.12 \times 10^9 km$$

$$R = 1.82 \times 10^{10} km = \frac{1.82 \times 10^{10} km}{9.46 \times 10^{12} km} = 1.9 \times 10^{-3} ly$$

$9.46 \times 10^{-\frac{ly}{t}}$

$$4x = c \cdot T \rightarrow x = \frac{c \cdot T}{4} = \frac{\pi}{\tau} \cdot \frac{c \cdot T}{2\pi} \rightarrow R = \frac{\pi}{\tau} \cdot \frac{c \cdot T}{2\pi} \times 1 \cdot 10^{-3} ly = 3 \times 10^{-3} ly$$

. d ≠ Yl v • x ≠ ZaYÄÀË ,³ -6

... | Ä y È € ' f Ý Z + ÄÄÄad † & Y • È k z Ö y/ Ä Ý y € q x Ä y ÄÄd Ý Z + ÄÄÄ € - ÄY m Ä € Ä Ä o Z i †

. d ± ¥ì v • x ± ZkaÄ À Ë , ³ -7

{ • Ä³ Æ Z ^ §ß° »Å•¥ÄÆ»Å | Ë{‡ Ä€ËÅ{Äek Å Ä€ËYY È OE z }

.d ≠ Yì v•x ≠ Z ÄÀË, ³ -8

μ Ô Å ½ | Å | Æ Z Ø | • , • Ä 9.53 Z J E · Ô Å Å d »‡ ¼ i » Å Ä Å Z Å Ø Æ oo { € ½ Z Ø | • , • Ä 7.32 Z F » Å Å n Z c » c | » Å | Ä 27.55 Z F · Z Å Å d M Z Å € ¾ ° Æ Å Z » E · Y Å Å f Å ¾ ¼ i ½ Z Ø | • , • Ä 7.21 Z F Å Å Z d »‡ ½ Z ^ ° Æ . { Å E Å f { ¾ Å y Y | b » u • Å Z » E · Y Å Å f Å ¾ ¼ i ½ Z » •

. d † Yì v • x † Z a Ä A E ,<sup>3</sup> -9  
Z Ä | i † { Ä E • Yü Y | Ä Y Y ; μ Z ; » E P E a Ä A Y E . Z 4/4 E Y E Ä | E E P A μ Z ^ S N e x E • Z S u .  
. | E Ä | E K z Y E Ä E Z u E Z Ä ,<sup>3</sup> d . Z A Ä Ä | E Z Z 4 E Y O E J Z Ä A P X - Y Y u E Z Ä ,<sup>3</sup> lf ^ E Y Ä e

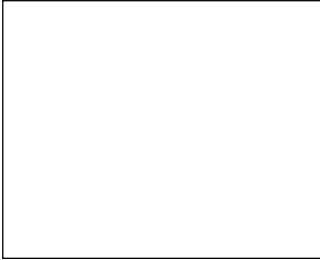
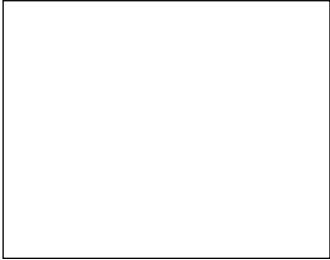
-23.5 | i < • A<sub>1</sub>y<sub>1</sub> » d ≠ E<sub>2</sub>Y<sub>2</sub> Z<sub>1</sub> { O<sub>2</sub> → ½ Z<sub>2</sub>A<sub>2</sub> A<sub>1</sub> • {<sup>0</sup> E<sub>1</sub> A<sub>1</sub>M<sub>1</sub> | E<sub>2</sub> · Z<sub>2</sub>A<sub>2</sub>m82{ ' Y<sub>2</sub> { Y<sub>1</sub> E<sub>1</sub> • { | i < • A<sub>1</sub>y<sub>2</sub> " e • Y<sub>2</sub>  
 $h = 8 - 23.5 = -15.5$  : | E<sub>1</sub>M<sub>1</sub> ≠ | P<sub>1</sub> ] Z<sub>2</sub>A<sub>2</sub> » Y<sub>2</sub> M<sub>2</sub> " , e<sub>2</sub> E<sub>2</sub> C<sub>2</sub>Z<sub>2</sub> Y<sub>2</sub> ' A<sub>2</sub> A<sub>1</sub> d ≠ A<sub>1</sub>m • {  
. d ≠ E<sub>2</sub> » A<sub>2</sub> A<sub>1</sub> R<sub>2</sub> E<sub>1</sub> A<sub>1</sub>Z<sub>1</sub> { A<sub>1</sub> | V<sub>2</sub>, » i < • A<sub>1</sub> Y<sub>2</sub> 15]5 • Z " A<sub>2</sub> • Y<sub>1</sub>

$$\frac{GM_G m}{R^2} = m \frac{v_{max}^2}{R} \rightarrow v_{max} = \sqrt{\frac{GM_G}{R}} \quad \wedge \begin{cases} \frac{M}{L} = K \rightarrow M = K \cdot L \\ \frac{L}{S} = K' \rightarrow L = K' \cdot S \end{cases}$$

. d ‡ Yì v • x ‡ ZkāÄ À Ë , ³

. d ± Yì v • x ± ZÄÄ À Ë , ³ - 13

$$\left. \begin{aligned} & \hat{E} = \frac{\sum_{i=1}^n Y_i}{\sum_{i=1}^n E_i} \\ & \hat{E} = \frac{\sum_{i=1}^n f_i M_i}{\sum_{i=1}^n f_i} = \frac{\sum_{i=1}^n f_i \frac{f_o}{f_e} M}{\sum_{i=1}^n f_i} = \frac{f_o}{f_e} \bar{M} \end{aligned} \right\} \rightarrow \hat{E} = \frac{\sum_{i=1}^n Y_i}{\sum_{i=1}^n E_i} = \frac{\sum_{i=1}^n f_i M_i}{\sum_{i=1}^n f_i} = \frac{\sum_{i=1}^n f_i \frac{f_o}{f_e} M}{\sum_{i=1}^n f_i} = \frac{f_o}{f_e} \bar{M} = 0.52$$



. d ≠ Yì v • x ≠ Z a Y Ä À E , 3

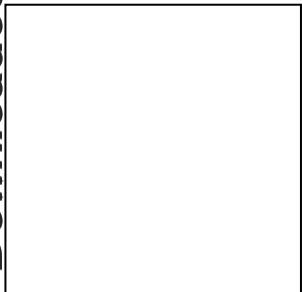
## NGC 253 • Z n½Z Ø ° Å -

ÄÀËÅ{YÈ «|ËÅ Y13 þ YÅ{Z{OE{€ q ÈÅ Y |ÌÅ° ^½M {ZE}f ¼ Å° ^ÈX ïÈ {AdZÅq € Å :° ïÅ-}Z^u

$$\begin{aligned} \text{1.) } & FOV = \frac{72}{63 \times 16 \times 254 \text{ mm} / 40 \text{ mm}} = 1.1^\circ \quad \text{2.) } FOV = \frac{50}{2540 \text{ mm} / 26 \text{ mm}} = 0.5 \\ \text{3.) } & FOV = \frac{50}{625 \text{ mm} / 10 \text{ mm}} = 0.8 \quad \text{4.) } FOV = \frac{72^\circ}{8 \times 8 \times 254 \text{ mm} / 32 \text{ mm}} = 1.4 \\ \text{5.) } & FOV = \frac{50}{5 \times 12 \times 10 \text{ mm} / 25 \text{ mm}} = 2.1 \end{aligned}$$

.d ‡ Yì v•x ‡ Z aÄ À Ë , 3

. d ± € " þ Ó, YÁu , Ý Z ¼ Þ ^ E Þ m Á Æ C N Þ E Y {



.d ± Yì v•x ± ZÄÄ Ä Ë , 3

€, ZE<sub>4</sub> Y{€ Y4•ZJÄY ZE<sub>4</sub> Z Äd JÄ « ÄÄE ï Y€ ÄiçäE Ä€, äl<sub>4</sub> « Ä » • YI ( • ÄÄy • Z ÄY • Z ÄE<sub>4</sub>) Ä | E<sub>4</sub> ( • {Ä • Ä½Z.%| ÄE<sub>4</sub>) Ä uYÄ . ZE<sub>4</sub> » €») » • d<sub>4</sub> | MM Ä ï Ä Y{EY Ä<sub>4</sub> Y<sub>4</sub> | « ZÄ ZY<sub>4</sub>) MES h j »† a, d<sub>4</sub> Ä• Y<sub>4</sub> E<sub>4</sub> Y<sub>4</sub> | » •

$$\left. \begin{array}{l} \angle M + \angle S + \angle E = 180 \\ \angle M = \angle S, \quad \angle E = 20^\circ \end{array} \right\} \rightarrow \angle M = 80^\circ \quad : \text{º} \text{ E } \bullet \text{ Á M}$$

É Y-ÄÄS] ÄÄPmÄÄ, d ÄÄymäo{{• Z 3ÄÌ K • Y-ÄYZ{{• Z 1 Ñ• ÄÄy Y-ÄÄ E Ä Y •

-18

$$E = \sigma T^4$$

$$\frac{\Delta Q}{\Delta t} = \varepsilon \sigma T^4, A = 4\pi r^2$$

$$\Rightarrow Q_s = 4\varepsilon\sigma\pi r^2 T^4, Q_l = 4\varepsilon\sigma\pi r^2 T^4 \Rightarrow n \equiv 1.728 \times 10^{38}$$

. d ≠ Y | v • x ≠ Z a Y Ä À E , 3 - 19

. d ≠ Yì v • x ≠ ZÄÄ À Ë ,<sup>3</sup>

. d ≠ Yì v • x ≠ ZaYÄÀË, <sup>3</sup>

-22

$$\cos((14h15m39.7s) - (13h25m11.6s)) = \cos(00h50m28.1s) = \cos(125)$$

$$\cos x = \cos(90 - 19^\circ 10' 57'') \cos(90 + 1^\circ 09' 41'') + \sin(90 - 19^\circ 10' 57'') \sin(90 + 1^\circ 09' 41'') \cos(125)$$

$$\cos x = \cos(71^\circ) \cos(101^\circ) + \sin(71^\circ) \sin(101^\circ) \cos(125^\circ) = 0.844$$

$$x \approx 32^\circ$$

. d ≠ Yl v • x ≠ ZaÄÀË ,<sup>3</sup>

-23

• Ä É f € Y N ï » Ë Y € ] Z A Z d † € ] Y Ä ï » Š ] Z Ä z p † m ® Ë ~ † • Y ] € } ® Ë Ä É f € Y N ï » Ë Y {

$L = f \cdot S = \sigma T^4 S$  Zd + € 1 M€] x 1 Z€z q 1 m® H ~ 1

$$L = 2(0.5 \times 1.5 m^2) \left( 5.67 \times 10^{-8} \frac{w}{m^2 K^4} \right) (273 + 40)^4 \sim 10^3 W$$

. d ± Yì v • x ± ZÄÄ Ä E , 3

-24

... • Å ZÀÄM24 È Y€<sub>min</sub>] ZÈP] - 90 = -525 : Zd + €] X€ÅZI D24 \* ¾ È/Å E Z Ä Z I S Y%€ M  
È · Z Å€ I g { Å Z ¼ MÅd + ¼ I ÄÅ • Z ¼ FDEg { • Z ÈÅZ ¼ f + Å ZÀÄM Å o Å P « | Å Y Å z È {  
. { ÅÈ Ä | È{ È · Z 374.5 È È Z I S Y%€ { dñzY% Å ¼ + M

$$d = \sqrt{GM^2/(2E + p^2/c^2)} = \frac{\sqrt{GM}}{c\sqrt{1 - v^2/c^2}}$$

. d ≠ Yl v • x ≠ Za Ä À Ë , ³ -28  
· 0 È É Á M | i Å 1 z ' Y Ä • Z f È Y V Æ È Á V •

$$\cos HA = \tan \delta \cdot \tan \varphi \rightarrow \begin{cases} HA_A = 855 = 5^h 42^m \\ HA_B = 1024 = 6^h 50^m \end{cases}$$

d Ÿ Z þ € f ½-â f Ÿ Ä ß Ä y l f Á d þ É Á Z É Y t Á f Ÿ ] Á Á n Z f ß ß . Z ã v e t € , É y ß ] , Z þ Z ¼ þ Y Á u  
6 • € f O E l f J Y Ä ß Á Y f Z A E t v o E { É Á Z [ Á Á l m « Á É Á Z É Y t Á f Ÿ ] Y Z f ß ] Á Á n Z f ß Y Á y  
É Y , € ß € l o E ] E { O Á Z Y Y Á A Y E Y d þ Y Á þ Z u { ½ Z Á C , Á ¾ E Y ß • ] Z f ß Ä . Z € ß ^ + . Y l Y Z þ  
. | Á • Á , Á • Z ã v e t v o E ] Á 24-6:50=17:10=17.16, È ] Á E Á s Y Á 24-5:42=18:18=18.3 È . Z € v Z ?  
. | Á l Y Á • Z f ß Ä , | z ß Á e E Á Á n Z a

. d ≠ Yì v • x ≠ Z Å Ä À Ë , ³ -29

| i · • Åzyy Å • Zf f È Y f » È ³ . | Å] OE y • y { - f Å» ] Y • 3m ½ YZ È e | À OE Ä y • { È Y È , • Ä f c z Z ³ • Z f f : 0 È • 0 Y Å Ä ^ È Z - »

$$\frac{L}{L_{sun}} = \left( \frac{M}{M_{sun}} \right)^{3.5} \rightarrow \frac{L}{L_{sun}} = \left( \frac{2.8M_{sun}}{M_{sun}} \right)^{3.5} = (2.8)^{3.5} = 3673$$

$$L = 4\pi R^2 \sigma T^4 \rightarrow \frac{L}{L_{sun}} = \left( \frac{R}{R_{sun}} \right)^2 \left( \frac{R}{R_{sun}} \right)^2$$

$$3673 = \left( \frac{R}{R_{sun}} \right)^2 \left( \frac{9500}{5790} \right)^4 \rightarrow \frac{R}{R_{sun}} = 2.25 \approx 2.3$$

. d ≠ Yì v • x ≠ Z Å Ä À Ë , ³ -30

. { • YÉ[| Å ] 2 € ¾ È YÄ | Z Å Ä ^ § È ° Ç S Å È Å Å { • Z È ° Ç S Å Z » d Y Y | 88 ½ Z ½ È f M S { Å + e . d ≠ Y | 89 Z Å | Å ] { Y | » \d e 3 E È | ]

. d ≠ Yì v • x ≠ Z k Å Ä À Ë , ³ -31

p - € f O Ä » • { € ' E Ä f Y f % È € f O Y | f } f € f È Y d f f A f Å Y È f € f È Y f C E Y H » , € f o & q € Å d ≠ M " Y. Å f € f O E Å Y ½ È Y Ä È M ; Z ^ È f O Y H ^ m d Y Ä t q € f È Y d f f Z Å ½ Å g Y Z Y 3 € Å , • Z § ° Å • Y È Ä È Ä Y Z ¾ È Y f f Z Å È e k Å Å - Y , € f € f O Z Å • Y | È Y Å ~ • Y f f ^ m d Y Ä t . d ≠ È Ä È Ä Y Z È e Å O Y f f € f È Y È C E Y P { Y f a d ≠ % È € f O E i ]

. d ≠ Yì v • x ≠ Z Å Ä À Ë , ³ -32

½ Y | k p t ° Y Z f ^ e € i k A È Y È » i i h p i • Å y Å È ^ i — Z Å Å Å . Z f Å y € f j Å ; { € f ] Å i l Å . d ≠ M c • Å y ^ i — Z Å o »

. d ≠ Yì v • x ≠ Z a Å Ä À Ë , ³ -33

{ • Å y € f ] € f Z Å Å f d - € € ' È d % È Ä f Z - y È Å o ^ m Å È f « Å f È Y S Z - Å y f È Y f C y d - Z @ È . d § € f o e 1 , • € k Å y f È Y " i f È y f y % È Å Å »

. d ≠ Yì v • x ≠ Z Å Ä À Ë , ³ -34

$$\vec{V} \times \vec{F} = \cdot \rightarrow \frac{\partial(-cx)}{\partial x} = \frac{\partial(-xy)}{\partial y} \Rightarrow -c x = -x \Rightarrow x(1 - c) = \cdot \Rightarrow 1 - c = \cdot \Rightarrow c = \frac{1}{\cdot}$$

. d † Yì v • x † ZÄÄ À Ë , ³ -35

Ä Z 1mMAd † € " Ä ~ 3/4 Y Ä E » / Z, OE ZY« ØÅÅÅÅ .E ° , ØA • €•» Ä YÉ • ZAÆ ] ÄY Y€ EÅ EeE »  
| ]t a, Ä f • H³ • Ä[ Ä €•» Y Z Ä Z 1mM • Y Y 16 E ° . E Ä , Z ØÅÅÅ • { € , Z g, { • Y Y € « Z Ä † € {  
. d † Yì E¶Z¶Z¶ , ZÄÄ † Y Y Z5{ Á | |ù • Ä y 1/4 E Y- € ] Z A E Y A Y Z Á | |ù • Ä y

. d † Yì v • x † Zla YÄ À Ë , ³ -36

E † • E Y Z E F Y M ¾ i 1/ÄÄ | Ä f ^ Ä | Ä Z ØÆ A { Z i ¶ } Y Ä Y Z ØÆ E ° | Ä O E Y • Ä ] . Y Ä E Z Å € f y Y Ä ? €  
. d † Y Z ^ P Z Y A | ? Ä [ Z Ä Z ] Z ØÆ Z ØÆ Z ØÆ Z ØÆ Y A { Z Ä f f Y M ] Z ØÆ Z Y € i i o e

. d † Yì v • x † Za XÄÀ Ë , ³ -37

° ÅÄt ° Y € Ä , d † E ] Z e Ä Z ] Ø Ä ¾ E € d † Z - Ä ° ^ € E Ä • Ø A E { S E Z 1/4 Y E E Ä Ä e [ Z E € e o Ä »  
! d † Y Z E € € E Ä • Ø E Y Ä ° E , 1/6 OE OE • Ø Y Ä E Ä € Ä y € o Ä Y - € H Y A J Z Ä m Y Ä

« Ä Z É Å Ä , X ^ »

Z | c Z½ YÊ, Ä Y Z y | Å e ^ ® è ° % YÉÁÁeZZ Äe• , | È Z} Ä½/ È Ä È Ä È Y | m (1 Å Z e Ä Å X ^ »  
:° È • Ä Y | Ä { Ø Z Y Ä n Y Å

$$\left. \begin{array}{l} \alpha_{rad} = \tan \alpha = \frac{x}{d} \\ \theta_{diff}^{rad} = 1.22 \frac{\lambda}{D} \end{array} \right\} \rightarrow \frac{x}{d} = 1.22 \frac{\lambda}{D} \rightarrow x = 1.22 \frac{2.2 \times 10^{-6} m \times 500 \times 3.09 \times 10^{16} m}{3.40 m}$$

$$x = 1.22 \times 10^{13} m = \frac{1.22 \times 10^{13} m}{1.50 \times 10^{11} \frac{m}{AU}} = 81.3 AU$$

*½ Z OEE GE E Ä Y € 3€ \$ GE Y YAE E Ä Y € 3€ ¼ Y « ZC ZV I “ÄÄtemÄje (2 Ä Z ÄÄ X ^ »  
: d f Y I ÄE q I ^ Y ÄÄ q Z ÄÄ T Y T U | C ZÄ | E S Z “Ä Y Ä T Y Ä € «Ä» Z r Ä Z MÄ E 3 Ä Ä Y*

$$1 + Z_{\text{final}} = (1 + Z_d) \times (1 + Z_g) \rightarrow 1 + 0.91 = (1 + 0.9) \times (1 + Z_g) \rightarrow Z_g = 5.26 \times 10^{-3}$$

:º Ë ÉÁM | ® Ë €ÅM | ® MÉ Á Å - • Z ï € ÅZ ÁÈ · Z ¾q c X } (3 Á Z Å X ^ »

$$\left. \begin{array}{l} m_1 = \rho V_1 = 62 \times \frac{4}{3} \pi r_1^3 \approx 10^{20} kg \\ m_2 = \rho V_2 = 62 \times \frac{4}{3} \pi r_2^3 \approx 88 \times 10^{16} kg \end{array} \right\} \rightarrow P^2 = \frac{4\pi}{G(m_1+m_2)} a^3 \Rightarrow a = \sqrt[3]{\frac{P^2 G(m_1+m_2)}{4\pi}}$$

$\mu \{ Z \in \{108, 110, 112\} \mid \text{Age} \geq 10 \text{ years}\}$

(D<sub>ep</sub>) =  $\hat{A}^{\circ} \cdot \hat{E}$  en  $\hat{A}^{\circ} \in \{ \hat{A}^0, \hat{A}^1, \hat{A}^2, \hat{A}^3, \hat{A}^4, \hat{A}^5, \hat{A}^6, \hat{A}^7, \hat{A}^8, \hat{A}^9 \}$  y  $\hat{E} \in \{ E^0, E^1, E^2, E^3, E^4, E^5, E^6, E^7, E^8, E^9 \}$

$$D_{ep} = \frac{f_e}{\frac{f_o}{\frac{\hat{A}^\circ \in \hat{Z}}{\hat{A}^\circ \in \hat{Z}}}} \rightarrow D_{ep} = \frac{f_e}{\frac{f_o}{\frac{\hat{A}^\circ \in \hat{Z}}{\hat{A}^\circ \in \hat{Z}}}} \rightarrow f_e = \frac{D_{ep} \times f_o}{D_t} = \frac{6 \times 1200 nm}{127 nm} = 567 = 5.67 \times 10^1$$

10 d » Z Ä“Ä mÄ‡ie‡ E • Äz+27Å Z Ä E Ä€ E€Yø d{u Ä»»€ § ^ — (5 Ä Z eÄÄ X ^ »  
:° E dY Z E€E f Z f

$$V_{\text{€}} = 20\% \times \pi R^2 t = 0.2\pi(27000 \times 9.46 \times 10^{15} m)^2 (0.1m) = 4.1 \times 10^{39} m^3$$

$$V_{\text{球}} = \frac{4}{3}\pi R^3 = \frac{4}{3}\pi (6.96 \times 10^8 m)^3 = 1.4 \times 10^{27} m^3$$

$$\frac{V_{\text{epsilon}}}{V_{\text{lambda}}} = \frac{4.1 \times 10^{39} m^3}{1.4 \times 10^{27} m^3} = 293 \times 10^{12}$$

$$\text{•} \quad \text{•} \quad \text{•} \quad \text{•} \quad \text{•} \quad \text{•}$$

(6)  $A = \frac{4\pi d^2}{3} \rho_{moon} = 2.5 \log\left(\frac{b_{moon}}{b_{sun}}\right) \rightarrow -268 - 127 = 2.5 \log\left(\frac{b_{moon}}{1.37 \times 10^3}\right) \rightarrow b_{moon} = 8.81 \times 10^{20} W$

$b_{moon} = \frac{N \times L}{4\pi d^2} \rightarrow N = 1.16 \times 10^{15}$

$$(7) \quad A = \frac{4\pi d^2}{3} \rho_{moon} = 2.5 \log\left(\frac{b_{moon}}{b_{sun}}\right) \rightarrow -268 - 127 = 2.5 \log\left(\frac{b_{moon}}{1.37 \times 10^3}\right) \rightarrow b_{moon} = 8.81 \times 10^{20} W$$

$$f_o = \frac{5 \times 10 \times 254}{1270} mm = 10 mm$$

23)  $\text{•} \quad \text{•} \quad \text{•} \quad \text{•} \quad \text{•} \quad \text{•}$

$f_o = \frac{5 \times 10 \times 254}{1270} mm = 10 mm$

$\text{•} \quad \text{•} \quad \text{•} \quad \text{•} \quad \text{•} \quad \text{•}$

$$f_e = \frac{1270 \times 0.71}{45} = 200 mm$$

$$(8) \quad f_e = \frac{1270 \times 0.71}{45} = 200 mm$$